

# 2025年度 一般選抜（前期） 2月1日

## 数学 【「数学Ⅰ・数学A」「数学Ⅰ・数学A・数学Ⅱ・数学B・数学C】】

### 〈注意事項〉

- 解答はじめの合図があるまでは、この問題冊子を開いてはいけません。
- 出題科目、ページおよび選択方法は下表のとおりです。

出題科目	ページ	志望学部・学科				
		工学部	情報科学部	薬学部	保健医療学部	未来デザイン学部
機械工学科 電気電子工学科 建築学科 都市環境学科	機械工学科 電気電子工学科 建築学科 都市環境学科	情報科学科	薬学科	理学療法学科 臨床工学科 診療放射線学科	看護学科	メディアデザイン学科 人間社会学科
数学Ⅰ・数学A 数学Ⅰ・数学A 数学Ⅱ・数学B・数学C	1~10 11~18	この科目を選択し、解答してください			どちらかの科目を選択し、 解答してください	

注) 志望学科によって選択する科目が異なります。違う科目を選択した場合は採点対象とはなりません。

- 監督者の指示に従い、解答用紙に次の事項を記入し、マークしてください。  
記入、マークするときは黒鉛筆（H, F, HBに限る）を使用し、誤ってマークした場合は消しゴムでていねいに消し、新たにマークし直してください。  
①解答用紙の氏名、受験番号欄に「氏名」「受験番号」を記入し、受験番号マーク欄にマークしてください。  
※記入例（受験番号 410324 の場合）

氏名	科 学 大					
受験番号	①	②	③	④	⑤	⑥
4 1 0 3 2 4						

①	0	1	2	3	●	5	6	7	8	9
②	0	●	2	3	4	5	6	7	8	9
③	●	1	2	3	4	5	6	7	8	9
④	0	1	2	●	4	5	6	7	8	9
⑤	0	1	●	3	4	5	6	7	8	9
⑥	0	1	2	3	●	5	6	7	8	9

- 入試区分欄の「一般前期（2/1）」をマークしてください。上記〈注意事項〉2の表を参照し、選択した科目を科目欄にマークしてください。

入試区分	<input checked="" type="radio"/> 一般前期 (2/1)	<input type="radio"/> 一般前期 (2/2)	<input type="radio"/> 一般後期
教 科	<input checked="" type="radio"/>	数学	
	<input type="radio"/>	数学Ⅰ・数学A	02
科 目	<input type="radio"/>	数学Ⅰ・数学A・数学Ⅱ・数学B・数学C	31

- 解答用紙は折り曲げたり、汚したりしないでください。
- 解答用紙は表面がマーク式の解答欄、裏面が記述式の解答欄になっています。問題冊子にある解答上の注意に従い対応してください。
- 計算は計算用紙を利用してください。
- 問題冊子は持ち帰ってください。

# 数学 I ・ 数学 A

## 問題 1

以下の各間に答えよ。この問題 1 では空欄にあてはまる解答を、それぞれ指定された解答群の中から一つ選び、解答用紙の解答欄にマークせよ。ただし、一つの解答群から同じ選択肢を繰り返し選んでもよい。

(1) 次の計算をし、できるだけ簡単にせよ。

(a)  $\frac{2}{\sqrt{5}-3} + \frac{1}{4} = \boxed{\text{ア}}$

(b)  $(\sqrt{5} + \sqrt{8} - 5)(\sqrt{5} + \sqrt{8} + 5) = \boxed{\text{イ}}$

ア の解答群

- |  |  |  |  |
|--|--|--|--|
| <input type="radio"/> ① $\frac{2\sqrt{5}+3}{2}$  | <input type="radio"/> ② $\frac{2\sqrt{5}+5}{2}$  | <input type="radio"/> ③ $\frac{2\sqrt{5}-5}{2}$  | <input type="radio"/> ④ $\frac{2\sqrt{5}+5}{4}$  |
| <input type="radio"/> ⑤ $\frac{2\sqrt{5}-5}{4}$  | <input type="radio"/> ⑥ $-\frac{2\sqrt{5}+3}{2}$ | <input type="radio"/> ⑦ $-\frac{2\sqrt{5}+5}{2}$ | <input type="radio"/> ⑧ $-\frac{2\sqrt{5}-5}{2}$ |
| <input type="radio"/> ⑨ $-\frac{2\sqrt{5}+5}{4}$ |  |  |  |

イ の解答群

- |   |                                       |  |   |
|---|---------------------------------------|--|---|
| <input type="radio"/> ① $2\sqrt{5}-5$   | <input type="radio"/> ② $3\sqrt{5}-5$ | <input type="radio"/> ③ $3\sqrt{10}-5$ | <input type="radio"/> ④ $3\sqrt{10}-9$  |
| <input type="radio"/> ⑤ $4\sqrt{10}-9$  | <input type="radio"/> ⑥ $2\sqrt{5}-6$ | <input type="radio"/> ⑦ $2\sqrt{5}-8$  | <input type="radio"/> ⑧ $4\sqrt{10}-12$ |
| <input type="radio"/> ⑨ $4\sqrt{10}-16$ |                                       |  |   |

(問題 1 は次ページに続く。)

(2) 次の方程式

$$|3x + 8| = -x + 4$$

の解は

$$x = \boxed{\text{ウ}}, \boxed{\text{エ}}$$

である。ただし、 $\boxed{\text{ウ}} < \boxed{\text{エ}}$  とする。 $\boxed{\text{ウ}}, \boxed{\text{エ}}$  の解答群

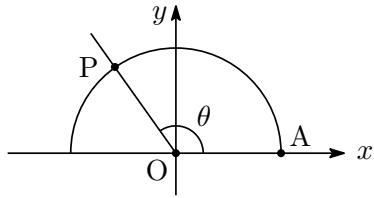
- |                         |    |                         |    |                         |    |                         |    |                         |    |                         |    |                         |    |
|-------------------------|----|-------------------------|----|-------------------------|----|-------------------------|----|-------------------------|----|-------------------------|----|-------------------------|----|
| <input type="radio"/> 0 | -7 | <input type="radio"/> 1 | -6 | <input type="radio"/> 2 | -5 | <input type="radio"/> 3 | -4 | <input type="radio"/> 4 | -3 | <input type="radio"/> 5 | -2 | <input type="radio"/> 6 | -1 |
| <input type="radio"/> 7 | 1  | <input type="radio"/> 8 | 2  | <input type="radio"/> 9 | 3  | <input type="radio"/> a | 4  | <input type="radio"/> b | 5  | <input type="radio"/> c | 6  | <input type="radio"/> d | 7  |

(3)  $k$  を実数とする。 $x$  の 2 次方程式  $x^2 - (k+1)x + k^2 = 0$  が重解をもつのは、 $k = \boxed{\text{オ}}$ または  $k = \boxed{\text{カ}}$  のときである。ただし、 $\boxed{\text{オ}} < \boxed{\text{カ}}$  とする。 $\boxed{\text{オ}}, \boxed{\text{カ}}$  の解答群

- |                         |                         |                         |                         |                         |                         |
|-------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| <input type="radio"/> 0 | <input type="radio"/> 1 | <input type="radio"/> 2 | <input type="radio"/> 3 | <input type="radio"/> 4 | <input type="radio"/> 5 |
| <input type="radio"/> 6 | <input type="radio"/> 7 | $\frac{1}{2}$           | $-\frac{1}{2}$          | $\frac{1}{3}$           | $-\frac{1}{3}$          |
| <input type="radio"/> c | $-\frac{1}{4}$          | <input type="radio"/> d | $\frac{2}{3}$           |                         |                         |

(問題 1 は次ページに続く。)

- (4) 下図のように、原点 O を中心とする半径が 2 である半円の円周上に点 P を取り、  
 $\angle AOP = \theta$  とする。



点 P の x 座標が  $-\sqrt{3}$  であるとき、 $\theta = \boxed{\text{キ}}$  であり、P の y 座標は  $\boxed{\text{ク}}$  である。

キ ,  ク の解答群

- |                                    |                                       |  |  |                              |                                    |
|------------------------------------|---------------------------------------|--|--|------------------------------|------------------------------------|
| <input type="radio"/> ⑥ 30°        | <input type="radio"/> ⑦ 45°           | <input type="radio"/> ⑧ 60°                  | <input type="radio"/> ⑨ 90°                  | <input type="radio"/> ⑩ 120° | <input type="radio"/> ⑪ 135°       |
| <input type="radio"/> ⑫ 150°       | <input type="radio"/> ⑬ $\frac{1}{2}$ | <input type="radio"/> ⑭ $\frac{1}{\sqrt{2}}$ | <input type="radio"/> ⑮ $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | <input type="radio"/> ⑯ 1    | <input type="radio"/> ⑰ $\sqrt{2}$ |
| <input type="radio"/> ⑱ $\sqrt{3}$ | <input type="radio"/> ⑲ 2             |  |  |                              |                                    |

(問題 1 は次ページに続く。)

(5) 50 個の値  $x_1, x_2, \dots, x_{50}$  からなるデータがある。そのうちの 20 個の値  $x_1, x_2, \dots, x_{20}$  の平均値は 8 であり、分散は 5 である。また、残りの 30 個の値  $x_{21}, x_{22}, \dots, x_{50}$  の平均値は 13 であり、分散は 5 である。このとき、50 個すべての値からなるデータの平均値は  ケ  であり、分散は  コ  である。

ケ  コ の解答群

- |                              |                            |                              |                            |                              |                            |
|------------------------------|----------------------------|------------------------------|----------------------------|------------------------------|----------------------------|
| <input type="radio"/> ① 5    | <input type="radio"/> ② 6  | <input type="radio"/> ③ 7    | <input type="radio"/> ④ 8  | <input type="radio"/> ⑤ 8.5  | <input type="radio"/> ⑥ 9  |
| <input type="radio"/> ⑦ 9.5  | <input type="radio"/> ⑧ 10 | <input type="radio"/> ⑨ 10.5 | <input type="radio"/> ⑩ 11 | <input type="radio"/> ⑪ 11.5 | <input type="radio"/> ⑫ 12 |
| <input type="radio"/> ⑬ 12.5 | <input type="radio"/> ⑭ 13 |                              |                            |                              |                            |

(問題 1 はここまで。)

## 問題 2

以下の各間に答えよ。この問題 2 でも、問題 1 と同様に空欄にあてはまる解答を、それぞれ指定された解答群の中から一つ選び、解答用紙の解答欄にマークせよ。ただし、一つの解答群から同じ選択肢を繰り返し選んでもよい。

(1) 赤球 1 個と白球 2 個が入っている袋 A と、赤球 3 個と白球 1 個が入っている袋 B と、赤球 1 個と白球 3 個が入っている袋 C がある。いま、袋 A から 1 個の球を取り出し、

- それが赤球だった場合はその赤球を袋 B に入れ、よく混ぜたのちに袋 B から 1 個の球を取り出して袋 A に入れる。
- それが白球だった場合はその白球を袋 C に入れ、よく混ぜたのちに袋 C から 1 個の球を取り出して袋 A に入れる。

このとき、次の各間に答えよ。

(a) 袋 A の赤球の個数が増える確率は ア である。

(b) 袋 A の球の色が 2 色のままである確率は イ である。

ア , イ の解答群

- |   |                 |   |                 |   |                |   |                |   |                |   |                 |
|---|-----------------|---|-----------------|---|----------------|---|----------------|---|----------------|---|-----------------|
| <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓐ</span> | $\frac{1}{3}$   | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓑ</span> | $\frac{2}{3}$   | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓒ</span> | $\frac{1}{5}$  | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓓ</span> | $\frac{2}{5}$  | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓔ</span> | $\frac{3}{5}$  | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓕ</span> | $\frac{4}{5}$   |
| <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓖ</span> | $\frac{1}{15}$  | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓗ</span> | $\frac{2}{15}$  | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓘ</span> | $\frac{4}{15}$ | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓛ</span> | $\frac{7}{15}$ | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓜ</span> | $\frac{8}{15}$ | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓝ</span> | $\frac{11}{15}$ |
| <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓓ</span> | $\frac{13}{15}$ | <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">Ⓔ</span> | $\frac{14}{15}$ |   |                |   |                |   |                |   |                 |

(問題 2 は次ページに続く。)

(2) 6 個の数字 0, 1, 2, 3, 4, 5 を 1 回ずつ用いて並べ、6 桁の整数をつくる。このとき、奇数は  個、偶数は  個、それぞれつくることができる。

,  の解答群

- |                           |                           |                           |                           |                           |                           |
|---------------------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| <input type="radio"/> 24  | <input type="radio"/> 72  | <input type="radio"/> 96  | <input type="radio"/> 120 | <input type="radio"/> 156 | <input type="radio"/> 192 |
| <input type="radio"/> 256 | <input type="radio"/> 288 | <input type="radio"/> 312 | <input type="radio"/> 480 | <input type="radio"/> 556 | <input type="radio"/> 572 |
| <input type="radio"/> 621 | <input type="radio"/> 720 |                           |                           |                           |                           |

(問題 2 は次ページに続く。)

- (3)  $a$  を定数とする。放物線  $y = x^2 + 2(a-2)x + 2a(a-1)$  の頂点の  $y$  座標が最も小さな値であるときの放物線の頂点の座標は  $(\boxed{\text{オ}}, \boxed{\text{カ}})$  である。

オ ,  カ の解答群

0       1       2       3       4       5       6

7       -1       -2       -3       -4       -5       -6

(問題 2 は次ページに続く。)

## (4) 2つの2次不等式

$$x^2 + x - 6 > 0 \cdots \textcircled{1} \quad x^2 - x - 6 \leq 0 \cdots \textcircled{2}$$

について、①を満たす実数  $x$  全体の集合を  $A$  とし、②を満たす実数  $x$  全体の集合を  $B$  とする。このとき、

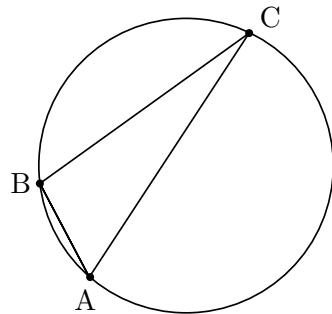
$$A \cup B = \left\{ x \mid \boxed{\text{キ}} \right\}, \quad A \cap B = \left\{ x \mid \boxed{\text{ク}} \right\}$$

である。

<input type="checkbox"/> キ , <input type="checkbox"/> ク の解答群		
<input type="radio"/> ③ $x < -3$	<input type="radio"/> ① $x < -2$	<input type="radio"/> ② $x < 2$
<input type="radio"/> ④ $2 < x$	<input type="radio"/> ⑤ $3 < x$	<input type="radio"/> ⑥ $x < -3, 3 \leq x$
<input type="radio"/> ⑦ $x < -3, 2 < x$	<input type="radio"/> ⑧ $x < -3, -2 \leq x$	<input type="radio"/> ⑨ $x \leq -2, 3 \leq x$
<input type="radio"/> ⑩ $-3 < x < 2$	<input type="radio"/> ⑪ $-2 \leq x \leq 3$	<input type="radio"/> ⑫ $2 < x \leq 3$
<input type="radio"/> ⑬ $-2 \leq x < 2$	<input type="radio"/> ⑭ $-3 < x \leq 3$	

(問題 2 は次ページに続く。)

- (5) 下図の三角形 ABC において、 $\angle BAC$  は鋭角であり、 $\sin \angle BAC = \frac{\sqrt{3}}{2}$  である。また、 $AB = 3$  であり、三角形 ABC の外接円の半径は  $\frac{7\sqrt{3}}{3}$  である。



このとき、 $BC = \boxed{\text{ケ}}$  である。また、 $AC = \boxed{\text{コ}}$  である。

ケ ,  コ の解答群

- |                                    |                                     |                                    |                                     |                                    |                                     |
|------------------------------------|-------------------------------------|------------------------------------|-------------------------------------|------------------------------------|-------------------------------------|
| <input type="radio"/> ① 8          | <input type="radio"/> ② 7           | <input type="radio"/> ③ 6          | <input type="radio"/> ④ 5           | <input type="radio"/> ⑤ 4          | <input type="radio"/> ⑥ 3           |
| <input type="radio"/> ⑦ 2          | <input type="radio"/> ⑧ 1           | <input type="radio"/> ⑨ $\sqrt{3}$ | <input type="radio"/> ⑩ $2\sqrt{3}$ | <input type="radio"/> ⑪ $\sqrt{5}$ | <input type="radio"/> ⑫ $2\sqrt{5}$ |
| <input type="radio"/> ⑬ $\sqrt{7}$ | <input type="radio"/> ⑭ $2\sqrt{7}$ |                                    |                                     |                                    |                                     |

(問題 2 ここまで。)

### 問題 3

問題 3 の解答は、解答用紙裏面の解答欄に途中の計算も含めて書け。

三角形 ABC を底面とする三角錐 OABC において、

- 辺 OC は底面 ABC に垂直
- $\angle OAC = 30^\circ$ ,  $\angle OBC = 45^\circ$
- $AB = 6$

であるとする。以下の各間に答えよ。

(1)  $OC = a$  ( $a > 0$ ) とおくとき、辺 AC と辺 BC の長さをそれぞれ  $a$  を用いて表せ。

以下ではさらに、

- 辺 AB の中点を M とするとき、 $CM = \sqrt{3}$

であるとする。

(2)  $a$  の値を求め、辺 AC と边 BC の長さをそれぞれ求めよ。

(3) 点 C から辺 AB に下ろした垂線を CD とするとき、線分 CD と線分 AD の長さをそれぞれ求めよ。

(4) 三角錐 OABC の体積を求めよ。

(5) 点 D を (3) で定めたものとするとき、 $\angle ODC$  の大きさを求めよ。

(問題 3 はここまで。)

# 数学 I ・ 数学 A ・ 数学 II ・ 数学 B ・ 数学 C

## 問題 1

以下の各問に答えよ。この問題 1 では空欄にあてはまる解答を、それぞれ指定された解答群の中から一つ選び、解答用紙の解答欄にマークせよ。ただし、一つの解答群から同じ選択肢を繰り返し選んでもよい。

(1)  $a$  を  $a > 0$ かつ  $a \neq 1$  を満たす実数とするとき、次の各問に答えよ。

(a)  $\frac{\sqrt{a} \sqrt[6]{a}}{\sqrt[3]{a}} = a^r$  とするとき、 $r = \boxed{\text{ア}}$  である。

(b)  $\log_a 3 - \log_a 2 + \log_a 6 = 2$  であるとき、 $a = \boxed{\text{イ}}$  である。

ア ,  イ の解答群

- |                                     |                                     |                                     |                                     |                         |                                     |
|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------|-------------------------------------|
| <input type="radio"/> 0             | <input type="radio"/> 1             | <input type="radio"/> 2             | <input type="radio"/> 3             | <input type="radio"/> 6 | <input type="radio"/> $\frac{1}{6}$ |
| <input type="radio"/> $\frac{1}{3}$ | <input type="radio"/> $\frac{1}{2}$ | <input type="radio"/> $\frac{2}{3}$ | <input type="radio"/> $\frac{5}{6}$ |                         |                                     |

(問題 1 は次ページに続く。)

(2)  $a, b$  を実数の定数とする。 $x$  の 2 次方程式  $x^2 + ax + b = 0$  の 2 つの解を  $\alpha, \beta$  とするとき、 $\alpha + 1$  と  $\beta + 1$  を解にもつ 2 次方程式が  $x^2 - 3x + 7 = 0$  であるという。このとき、 $a = \boxed{\text{ウ}}$ ,  $b = \boxed{\text{エ}}$  である。

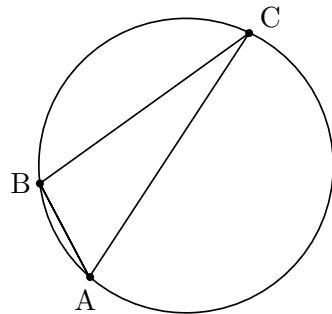
ウ,  エ の解答群

0       1       2       3       4       5       6

-1       -2       -3       -4       -5       -6

(問題 1 は次ページに続く。)

- (3) 下図の三角形 ABC において、 $\angle BAC$  は鋭角であり、 $\sin \angle BAC = \frac{\sqrt{3}}{2}$  である。また、 $AB = 3$  であり、三角形 ABC の外接円の半径は  $\frac{7\sqrt{3}}{3}$  である。



このとき、 $BC =$   である。また、 $AC =$   である。

,  の解答群

- |                                  |                                   |                                  |                                   |                                  |                                   |
|----------------------------------|-----------------------------------|----------------------------------|-----------------------------------|----------------------------------|-----------------------------------|
| <input type="radio"/> 8          | <input type="radio"/> 7           | <input type="radio"/> 6          | <input type="radio"/> 5           | <input type="radio"/> 4          | <input type="radio"/> 3           |
| <input type="radio"/> 2          | <input type="radio"/> 1           | <input type="radio"/> $\sqrt{3}$ | <input type="radio"/> $2\sqrt{3}$ | <input type="radio"/> $\sqrt{5}$ | <input type="radio"/> $2\sqrt{5}$ |
| <input type="radio"/> $\sqrt{7}$ | <input type="radio"/> $2\sqrt{7}$ |                                  |                                   |                                  |                                   |

(問題 1 は次ページに続く。)

- (4) 座標平面上の点  $P(5, 1)$  から直線  $\ell: y = 2x + 1$  に下ろした垂線と直線  $\ell$  の交点を  $H$  とする。このとき、点  $H$  の  $x$  座標は  キ  であり、線分  $PH$  の長さは  ク  である。

キ ,  ク の解答群

- |                                    |                                     |                                    |                                     |                                    |                                     |
|------------------------------------|-------------------------------------|------------------------------------|-------------------------------------|------------------------------------|-------------------------------------|
| <input type="radio"/> ① 1          | <input type="radio"/> ② 2           | <input type="radio"/> ③ 3          | <input type="radio"/> ④ 4           | <input type="radio"/> ⑤ $\sqrt{2}$ | <input type="radio"/> ⑥ $2\sqrt{2}$ |
| <input type="radio"/> ⑦ $\sqrt{3}$ | <input type="radio"/> ⑧ $2\sqrt{3}$ | <input type="radio"/> ⑨ $\sqrt{5}$ | <input type="radio"/> ⑩ $2\sqrt{5}$ |                                    |                                     |

(問題 1 は次ページに続く。)

- (5) 初項が  $a$  で公差が  $d$  である等差数列の初項から第  $n$  項までの和  $S_n$  が  $S_n = 2n^2 - 5n$  で与えられるとき,  $a = \boxed{\text{ケ}}$ ,  $d = \boxed{\text{コ}}$  である。

ケ,  コ の解答群

① -5       ② -4       ③ -3       ④ -2       ⑤ -1       ⑥ 0

⑦ 1       ⑧ 2       ⑨ 3       a 4       b 5

(問題 1 はここまで。)

## 問題 2

問題 2 の解答は、問題冊子裏表紙にある解答上の注意に従い、解答用紙の問題番号に対応した解答欄にマークせよ。

$a$  を正の定数とし、関数

$$f(x) = ax(3 - x)$$

を考える。

(1) 関数  $f(x)$  の導関数は

$$f'(x) = \boxed{\text{アイ}} - \boxed{\text{ウエ}} x$$

であるから、放物線  $y = f(x)$  上の点 A(3, 0) における接線  $\ell$  の方程式は

$$y = \boxed{\text{オカキ}} x + \boxed{\text{クケ}}$$

となる。

(2) さて、 $b$  を  $0 < b < 3$  を満たす定数とし、原点 O を通り、点 B( $b, f(b)$ ) を通る直線を  $m$  とする。このとき、直線  $m$  の方程式は

$$y = a \left( \boxed{\text{コ}} - b \right) x$$

である。

また、放物線  $y = f(x)$  と直線  $m$  とで囲まれた部分の面積を  $S(b)$  とすると、

$$S(b) = \int_0^b \left\{ f(x) - a \left( \boxed{\text{コ}} - b \right) x \right\} dx = \frac{a \cdot b \sqrt{\boxed{\text{シ}}}}{\boxed{\text{ス}}}$$

である。

一方、2 直線  $\ell$  と  $m$  の交点を C とすると、C の  $x$  座標は  $\frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セ}} - b}$  である。

したがって、 $0 < b < 3$  のとき、三角形 OAC の面積は

$$\frac{\boxed{\text{ソタ}}}{\boxed{\text{チ}}} a \left( \boxed{\text{コ}} - b \right) \dots \textcircled{1}$$

$$\left( \boxed{\text{セ}} - b \right)$$

である。

(問題 2 は次ページに続く。)

以降、線分 AC, BC, および放物線  $y = f(x)$  の  $b \leqq x \leqq 3$  の部分とで囲まれた部分を  $D$  とする。

- (3)  $D$  の面積が  $S(b)$  に等しいときを考えよう。 $D$  の面積を  $T_1$ , 三角形 OAC から  $D$  を取り除いた残りの部分の面積を  $T_2$  とする。このとき,

$$\cdot S(b) + T_2 = \frac{\boxed{\text{ツ}}}{\boxed{\text{テ}}} a \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\cdot \text{三角形 OAC の面積} = T_1 + T_2 = S(b) + T_2$$

であり、②の右辺と ①は等しい。そこで、 $a \neq 0$  に注意して分母を払えば、 $b = \frac{\boxed{\text{ト}}}{\boxed{\text{ナ}}}$  であることがわかる。

- (4) (3) の条件に加えて、直線  $\ell$  と直線  $m$  が点 C で垂直に交わるときを考える。

$$\boxed{\text{オカギ}} \cdot a \left( \boxed{\text{コ}} - b \right) = \boxed{\text{ニヌ}}$$

であるから、 $a > 0$  に注意して  $a$  を求めると、 $a = \frac{\sqrt{\boxed{\text{ネ}}}}{\boxed{\text{ノ}}}$  を得る。したがって,

$$T_1 = \frac{\boxed{\text{ハ}} \sqrt{\boxed{\text{ヒ}}}}{\boxed{\text{フヘ}}}$$

となる。また、 $T_1 : T_2$  を最も簡単な整数の比で表すと,

$$T_1 : T_2 = 1 : \boxed{\text{ホ}}$$

である。

(問題 2 はここまで。)

### 問題 3

問題 3 の解答は、解答用紙裏面の解答欄に途中の計算も含めて書け。

実数  $p, q, \alpha, \beta$  は、それぞれ、 $p > 0, q > 0, 0 < \alpha < \pi, 0 < \beta < \pi$  を満たすとする。また、ベクトル  $\vec{u}, \vec{v}, \vec{e}$  をそれぞれ、

$$\vec{u} = (\cos \alpha, \sin \alpha), \quad \vec{v} = (-\cos \beta, \sin \beta), \quad \vec{e} = (1, 0)$$

とする。このとき、以下の各間に答えよ。

(1)  $p\vec{u} - q\vec{v} + \vec{e}$  を成分で表せ。

(2) 正弦の加法定理（ $\sin(\alpha + \beta)$  を  $\alpha$  と  $\beta$  の三角関数で表す公式）を書け。

以下、 $p\vec{u} - q\vec{v} + \vec{e} = \vec{0}$  が成立するとする。

(3) (2) の公式を用いて、 $\frac{\sin(\alpha + \beta)}{\sin \beta}$  を  $p$  の式で表せ。

(4)  $|p\vec{u}|^2 = |q\vec{v} - \vec{e}|^2$ 、および  $|q\vec{v}|^2 = |p\vec{u} + \vec{e}|^2$  であることを用いて、 $\cos \alpha$  と  $\cos \beta$  を、それぞれ  $p$  と  $q$  の式で表せ。

(5)  $p = \sqrt{3} - 1, q = \sqrt{\frac{3}{2}}(\sqrt{3} - 1)$  のとき、 $\alpha$  と  $\beta$  をそれぞれ求めよ。

(6) 等式  $p\vec{u} - q\vec{v} + \vec{e} = \vec{0}$  が成立するとき、不等式  $|p - 1| < q < p + 1$  が成り立つことを示せ。また、この不等式を満たす  $(p, q)$  全体の集合を  $pq$  平面上に図示せよ。

(問題 3 はここまで。)

### 解答上の注意

- 数学の試験問題は、問題1、問題2、問題3からなります。
  - 「数学I・数学A」の問題1と問題2、および「数学I・数学A・数学II・数学B・数学C」の問題1では、各設問ごとに解答群が選択肢として用意されています。解答群より解答を選び、解答用紙表面の問題番号および空欄名に対応した解答欄にマークしてください。
  - 「数学I・数学A」および、「数学I・数学A・数学II・数学B・数学C」の問題3は記述式の問題です。解答は、解答用紙裏面の解答欄に途中の計算も含めて記述してください。

「数学 I・数学 A・数学 II・数学 B・数学 C」の問題 2 は以下の注意に従って解答してください。

1. 問題の文中の **ア**, **イウ** などには、特に指示がないかぎり、符号 (−), 数字 (0 ~ 9), 又は文字 (a ~ d) が入ります。ア, イ, ウ, … の一つ一つは、これらのいずれか一つに対応します。それらを解答用紙のア, イ, ウ, … で示された解答欄にマークして答えてください。

例 アイウ に  $-3a$  と答えたいたとき

ア	ー	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d
イ	ー	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d
ウ	ー	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d

なお、同一の問題文中に **工** , **オ力** などが 2 度以上現れる場合、2 度目以降は、  
**工** , **オ力** のように細字で表記します。

2. 分数形で解答する場合、分数の符号は分子につけ、分母につけてはいけません。

例えば、 $\frac{\text{キク}}{\text{ケ}}$  に  $-\frac{3}{7}$  と答えたいときは、 $-\frac{3}{7}$  として答えてください。

また、それ以上約分できない形で答えてください。

例えば、 $\frac{3}{2}$ ,  $\frac{3a+2}{4}$  と答えるところを、 $\frac{6}{4}$ ,  $\frac{6a+4}{8}$  のように答えてはいけません。

3. 根号を含む形で解答する場合、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えてください。

例えば、 $6\sqrt{2}$ ,  $\frac{\sqrt{11}}{2}$ ,  $8\sqrt{2a}$  と答えるところを、 $3\sqrt{8}$ ,  $\frac{\sqrt{99}}{6}$ ,  $4\sqrt{8a}$  のように答えてはいけません。