

# 2025年度 一般選抜（前期） 2月2日

## 数学 【「数学Ⅰ・数学A」「数学Ⅰ・数学A・数学Ⅱ・数学B・数学C】】

### 〈注意事項〉

- 1 解答はじめの合図があるまでは、この問題冊子を開いてはいけません。
- 2 出題科目、ページおよび選択方法は下表のとおりです。

出題科目	ページ	志望学部・学科					
		工学部	情報科学部	薬学部	保健医療学部	未来デザイン学部	
機械工学科 電気電子工学科 建築学科 都市環境学科	9～14	情報科学科	薬学科	理学療法学科 臨床工学科 診療放射線学科	看護学科	メディアデザイン学科 人間社会学科	
数学Ⅰ・数学A 数学Ⅰ・数学A 数学Ⅱ・数学B・数学C	1～8					どちらかの科目を選択し、 解答してください	

注) 志望学科によって選択する科目が異なります。違う科目を選択した場合は採点対象とはなりません。

- 3 監督者の指示に従い、解答用紙に次の事項を記入し、マークしてください。  
記入、マークするときは黒鉛筆（H, F, HBに限る）を使用し、誤ってマークした場合は消しゴムでていねいに消し、新たにマークし直してください。  
①解答用紙の氏名、受験番号欄に「氏名」「受験番号」を記入し、受験番号マーク欄にマークしてください。  
※記入例（受験番号 410324 の場合）

氏名	科 学 大					
受験番号	①	②	③	④	⑤	⑥
4 1 0 3 2 4						

①	0	1	2	3	●	5	6	7	8	9
②	0	●	2	3	4	5	6	7	8	9
③	●	1	2	3	4	5	6	7	8	9
④	0	1	2	●	4	5	6	7	8	9
⑤	0	1	●	3	4	5	6	7	8	9
⑥	0	1	2	3	●	5	6	7	8	9

- ②入試区分欄の「一般前期（2/2）」をマークしてください。上記〈注意事項〉2の表を参照し、選択した科目を科目欄にマークしてください。

入試区分	<input type="radio"/> 一般前期 (2/1)	<input checked="" type="radio"/> 一般前期 (2/2)	<input type="radio"/> 一般後期
教 科	<input checked="" type="radio"/> 数学		
	<input type="radio"/> 数学Ⅰ・数学A		02
科 目	<input type="radio"/> 数学Ⅰ・数学A・数学Ⅱ・数学B・数学C		31

- ③解答用紙は折り曲げたり、汚したりしないでください。
- ④解答用紙は表面がマーク式の解答欄、裏面が記述式の解答欄になっています。問題冊子にある解答上の注意に従い対応してください。
- 4 計算は計算用紙を利用してください。
- 5 問題冊子は持ち帰ってください。

# 数学 I ・ 数学 A

## 問題 1

以下の各問に答えよ。この問題 1 では空欄にあてはまる解答を、それぞれ指定された解答群の中から一つ選び、解答用紙の解答欄にマークせよ。ただし、一つの解答群から同じ選択肢を繰り返し選んでもよい。

(1) 次の計算をし、できるだけ簡単にせよ。

(a)  $\sqrt{125} - \sqrt{320} + \sqrt{180} = \boxed{\text{ア}}$

(b)  $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5} - \sqrt{2}} - \frac{\sqrt{5} + \sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \boxed{\text{イ}}$

### ア の解答群

- |                                   |                                    |                                    |                                    |                                    |
|-----------------------------------|------------------------------------|------------------------------------|------------------------------------|------------------------------------|
| <input type="radio"/> 0           | <input type="radio"/> $-5\sqrt{5}$ | <input type="radio"/> $-4\sqrt{5}$ | <input type="radio"/> $-3\sqrt{5}$ | <input type="radio"/> $-2\sqrt{5}$ |
| <input type="radio"/> $-\sqrt{5}$ | <input type="radio"/> $\sqrt{5}$   | <input type="radio"/> $2\sqrt{5}$  | <input type="radio"/> $3\sqrt{5}$  | <input type="radio"/> $4\sqrt{5}$  |
| <input type="radio"/> $5\sqrt{5}$ |                                    |                                    |                                    |                                    |

### イ の解答群

- |   |   |  |
|---|---|--|
| <input type="radio"/> 0                                   | <input type="radio"/> $-\frac{2\sqrt{15}}{3}$             | <input type="radio"/> $-\frac{2\sqrt{6}}{3}$               |
| <input type="radio"/> $\frac{2\sqrt{15}}{3}$              | <input type="radio"/> $\frac{2\sqrt{6}}{3}$               | <input type="radio"/> $-\frac{4(\sqrt{15} + \sqrt{6})}{9}$ |
| <input type="radio"/> $\frac{4(\sqrt{15} + \sqrt{6})}{9}$ | <input type="radio"/> $\frac{4(\sqrt{15} - \sqrt{6})}{9}$ | <input type="radio"/> $-\frac{2(\sqrt{15} + \sqrt{6})}{3}$ |
| <input type="radio"/> $\frac{2(\sqrt{15} + \sqrt{6})}{3}$ | <input type="radio"/> $\frac{2(\sqrt{15} - \sqrt{6})}{3}$ |  |

(問題 1 は次ページに続く。)

(2)  $x$  の連立不等式

$$\begin{cases} 2x - 1 < 4x + 5 \\ 5x + 4 < 3x + 1 \end{cases}$$

の解は   $< x <$   である。 ,  の解答群

<input type="radio" value="0"/> -4	<input type="radio" value="1"/> -3	<input type="radio" value="2"/> -2	<input type="radio" value="3"/> -1	<input type="radio" value="4"/> 1	<input type="radio" value="5"/> 2	<input type="radio" value="6"/> 3
<input type="radio" value="7"/> $-\frac{5}{2}$	<input type="radio" value="8"/> $-\frac{3}{2}$	<input type="radio" value="9"/> $-\frac{1}{2}$	<input type="radio" value="a"/> $\frac{1}{2}$	<input type="radio" value="b"/> $\frac{3}{2}$	<input type="radio" value="c"/> $\frac{5}{2}$	

(3)  $m$  を正の定数とし,  $x$  の 2 次方程式  $4x^2 + 2mx + 9 = 0$  が重解をもつとする。このとき, $m =$   であり, その重解は  $x =$   である。 ,  の解答群

<input type="radio" value="0"/> -4	<input type="radio" value="1"/> -3	<input type="radio" value="2"/> -2	<input type="radio" value="3"/> -1	<input type="radio" value="4"/> 1	<input type="radio" value="5"/> 2	<input type="radio" value="6"/> 3
<input type="radio" value="7"/> 4	<input type="radio" value="8"/> 5	<input type="radio" value="9"/> 6	<input type="radio" value="a"/> $-\frac{3}{2}$	<input type="radio" value="b"/> $-\frac{1}{2}$	<input type="radio" value="c"/> $\frac{1}{2}$	<input type="radio" value="d"/> $\frac{3}{2}$

(問題 1 は次ページに続く。)

(4)  $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$  とする。 $\cos \theta = -\frac{1}{\sqrt{5}}$  のとき,  $\sin \theta = \boxed{\text{キ}}$ ,  $\tan \theta = \boxed{\text{ク}}$  である。

キ,  ク の解答群

①  $-\frac{2}{\sqrt{5}}$

②  $\frac{2}{\sqrt{5}}$

③  $-\frac{\sqrt{5}}{2}$

④  $\frac{\sqrt{5}}{2}$

⑤  $-\frac{1}{2}$

⑥  $\frac{1}{2}$

⑦  $-2$

⑧  $2$

(5) 4 人からなる組である A 組と B 組に対し, 小テストを行った。以下のデータは, それぞれの組の 4 人の正解数である。

A 組 : 3, 2, 3, 4

B 組 : 2, 3, 5, 2

正解数の分散が小さいほうの組の正解数の標準偏差は  ケ であり, 正解数の分散が大きいほうの組の正解数の標準偏差は  コ である。

ケ,  コ の解答群

①  $\frac{1}{2}$

② 1

③  $\frac{3}{2}$

④ 2

⑤ 3

⑥  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

⑦  $\sqrt{2}$

⑧  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

⑨  $\sqrt{3}$

⑩  $\frac{3\sqrt{3}}{2}$

⑪  $\sqrt{5}$

⑫  $\frac{\sqrt{6}}{2}$

⑬  $\frac{\sqrt{10}}{2}$

(問題 1 はここまで。)

## 問題 2

以下の各間に答えよ。この問題 2 でも、問題 1 と同様に空欄にあてはまる解答を、それぞれ指定された解答群の中から一つ選び、解答用紙の解答欄にマークせよ。ただし、一つの解答群から同じ選択肢を繰り返し選んでもよい。

- (1) 12 本のくじの中に当たりくじが 3 本ある。1 回に 1 本のくじを引き、毎回くじを元に戻す。当たりくじを 3 回引くまでこれを繰り返すとき、3 回目で終わる確率は  ア である、6 回目で終わる確率は  イ である。

ア,  イ の解答群

- |  |   |   |  |  |
|--|---|---|--|--|
| <input type="radio"/> ① $\frac{1}{128}$    | <input type="radio"/> ② $\frac{1}{64}$    | <input type="radio"/> ③ $\frac{3}{128}$   | <input type="radio"/> ④ $\frac{3}{64}$     | <input type="radio"/> ⑤ $\frac{1}{32}$     |
| <input type="radio"/> ⑥ $\frac{27}{4096}$  | <input type="radio"/> ⑦ $\frac{27}{2048}$ | <input type="radio"/> ⑧ $\frac{27}{1024}$ | <input type="radio"/> ⑨ $\frac{135}{4096}$ | <input type="radio"/> ⑩ $\frac{135}{2048}$ |
| <input type="radio"/> ⑪ $\frac{135}{1024}$ |   |   |  |  |

(問題 2 は次ページに続く。)

(2) A, B, C, D, E, F, G の 7 人が 1 列に並ぶとき, 次の各間に答えよ。

(a) A, B, C, D のどの 2 人も隣り合わない並び方は  ウ 通りである。

(b) A, B, C のどの 2 人も隣り合わない並び方は  エ 通りである。

ウ,  エ の解答群

0 56       1 120       2 144       3 160       4 198       5 210       6 240  
 7 320       8 480       9 960       a 1440

(問題 2 は次ページに続く。)

- (3)  $a > 0$  とする。2 次関数  $y = x^2 - 2x + 3$  ( $0 \leq x \leq a$ ) の最大値と最小値の差が 4 であるとき, 最大値は  オ  力 であり,  $a =$   力 である。

オ,  力 の解答群

- |                         |                         |                         |                         |                         |                         |                         |
|-------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| <input type="radio"/> 0 | <input type="radio"/> 1 | <input type="radio"/> 2 | <input type="radio"/> 3 | <input type="radio"/> 4 | <input type="radio"/> 5 | <input type="radio"/> 6 |
| <input type="radio"/> 7 | <input type="radio"/> 8 | <input type="radio"/> 9 |                         |                         |                         |                         |

- (4)  $a, b$  を整数とし, 条件  $p$  を「 $a, b$  はともに奇数である」とし, 条件  $q$  を「 $a+b$  は奇数である」とする。以下の解答群のうち, 真の命題は  キ と  ク である。ただし,  キ と  ク の順序は問わない。また, 選択肢において,  $\bar{p}$ ,  $\bar{q}$  はそれぞれ  $p$ ,  $q$  の否定を表す。

キ,  ク の解答群

- |   |   |   |   |
|---|---|---|---|
| <input type="radio"/> $p \Rightarrow q$ | <input type="radio"/> $\bar{p} \Rightarrow q$ | <input type="radio"/> $p \Rightarrow \bar{q}$ | <input type="radio"/> $\bar{p} \Rightarrow \bar{q}$ |
| <input type="radio"/> $q \Rightarrow p$ | <input type="radio"/> $q \Rightarrow \bar{p}$ | <input type="radio"/> $\bar{q} \Rightarrow p$ | <input type="radio"/> $\bar{q} \Rightarrow \bar{p}$ |

(問題 2 は次ページに続く。)

- (5) 三角形 ABC において,  $AB = 5$ ,  $BC = 7$ ,  $CA = 8$  であるとき,  $\cos \angle ABC = \boxed{\text{ケ}}$   
であり, 三角形 ABC の外接円の半径は  $\boxed{\text{コ}}$  である。

$\boxed{\text{ケ}}$ ,  $\boxed{\text{コ}}$  の解答群

Ⓐ  $\frac{1}{7}$  Ⓛ  $\frac{\sqrt{3}}{7}$  Ⓜ  $\frac{2\sqrt{3}}{7}$  Ⓝ  $\frac{3\sqrt{3}}{7}$  Ⓞ  $\frac{4\sqrt{3}}{7}$

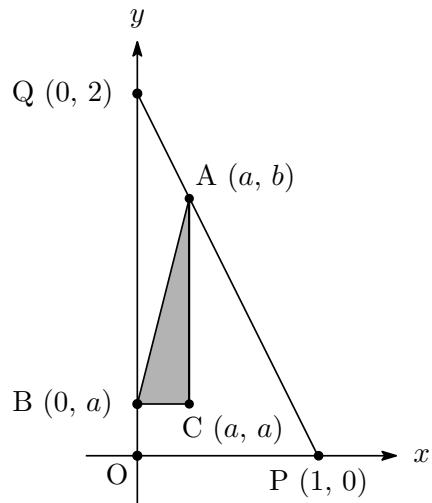
Ⓐ  $\frac{\sqrt{3}}{3}$  Ⓛ  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$  Ⓜ  $\frac{4\sqrt{3}}{3}$  Ⓝ  $\frac{7\sqrt{3}}{3}$  Ⓞ  $\frac{8\sqrt{3}}{3}$

(問題 2 はここまで。)

### 問題 3

問題 3 の解答は、解答用紙裏面の解答欄に途中の計算も含めて書け。

$0 < a < \frac{2}{3}$  とする。座標平面において、 $P(1, 0)$  と  $Q(0, 2)$  を結んだ線分  $PQ$  上に点  $A(a, b)$  をとり、さらに、下図のように、点  $B(0, a)$  および点  $C(a, a)$  をとって、直角三角形  $ABC$  を考える。以下の各間に答えよ。



- (1)  $b$  を  $a$  の式で表せ。
- (2) 線分  $AC$  の長さを  $a$  の式で表せ。
- (3) 三角形  $ABC$  の面積を  $S(a)$  とする。 $S(a)$  を  $a$  の式で表せ。
- (4)  $S(a)$  の最大値とそのときの  $a$  の値を求めよ。

(問題 3 はここまで。)

# 数学 I ・ 数学 A ・ 数学 II ・ 数学 B ・ 数学 C

## 問題 1

以下の各間に答えよ。この問題 1 では空欄にあてはまる解答を、それぞれ指定された解答群の中から一つ選び、解答用紙の解答欄にマークせよ。ただし、一つの解答群から同じ選択肢を繰り返し選んでもよい。

(1) 次の計算をし、できるだけ簡単にせよ。ただし、 $a > 0$ ,  $a \neq 1$ ,  $b > 0$  とする。

(a)  $\left(\frac{a^2}{b}\right)^{\frac{1}{3}} \times \left(\frac{b^2}{a}\right)^{\frac{1}{6}} \div (ab^2)^{\frac{1}{2}} = \boxed{\text{ア}}$

(b)  $ab = 1$  であるとき、 $\frac{3}{2} \log_a b + \frac{1}{2} \log_a a^5 = \boxed{\text{イ}}$

ア,  イ の解答群

- |                          |                          |                                     |                                      |                                     |                                     |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------------------|--------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|
| <input type="radio"/> 0  | <input type="radio"/> 1  | <input type="radio"/> a             | <input type="radio"/> b              | <input type="radio"/> $\frac{1}{a}$ | <input type="radio"/> $\frac{1}{b}$ |
| <input type="radio"/> -1 | <input type="radio"/> -2 | <input type="radio"/> $\frac{1}{2}$ | <input type="radio"/> $-\frac{1}{2}$ |                                     |                                     |

(問題 1 は次ページに続く。)

- (2) 等差数列  $\{a_n\}$  は  $a_6 = 22$ ,  $a_{21} = 13$  を満たす。このとき,  $a_n$  が初めて負となるのは  $n = \boxed{\text{ウ}}$  のときである。また, この数列の初項から第  $n$  項までの和を  $S_n$  とするととき,  $S_n$  が最大となるのは  $n = \boxed{\text{エ}}$  のときである。

ウ,  エ の解答群

- |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <input type="radio"/> 40 | <input type="radio"/> 41 | <input type="radio"/> 42 | <input type="radio"/> 43 | <input type="radio"/> 44 | <input type="radio"/> 45 |
| <input type="radio"/> 82 | <input type="radio"/> 83 | <input type="radio"/> 84 | <input type="radio"/> 85 | <input type="radio"/> 86 | <input type="radio"/> 87 |

- (3)  $r > 0$  を定数とし,  $-\pi < \alpha < \pi$  とする。

$$-\sqrt{3} \sin \theta + \cos \theta = r \sin(\theta + \alpha)$$

を満たす定数  $r$  と  $\alpha$  は,  $r = \boxed{\text{オ}}$ ,  $\alpha = \boxed{\text{カ}}$  である。

オ の解答群

- |                                  |                                   |                                  |                                   |                                      |                                      |
|----------------------------------|-----------------------------------|----------------------------------|-----------------------------------|--------------------------------------|--------------------------------------|
| <input type="radio"/> 1          | <input type="radio"/> 2           | <input type="radio"/> $\sqrt{2}$ | <input type="radio"/> $2\sqrt{2}$ | <input type="radio"/> $\sqrt{3} - 1$ | <input type="radio"/> $\sqrt{3} + 1$ |
| <input type="radio"/> $\sqrt{3}$ | <input type="radio"/> $2\sqrt{3}$ | <input type="radio"/> $\sqrt{5}$ | <input type="radio"/> $2\sqrt{5}$ |                                      |                                      |

カ の解答群

- |   |   |  |  |
|---|---|--|--|
| <input type="radio"/> $-\frac{5\pi}{6}$ | <input type="radio"/> $-\frac{2\pi}{3}$ | <input type="radio"/> $-\frac{\pi}{3}$ | <input type="radio"/> $-\frac{\pi}{6}$ |
| <input type="radio"/> $\frac{\pi}{6}$   | <input type="radio"/> $\frac{\pi}{3}$   | <input type="radio"/> $\frac{2\pi}{3}$ | <input type="radio"/> $\frac{5\pi}{6}$ |

(問題 1 は次ページに続く。)

- (4) 三角形 ABC において,  $AB = 5$ ,  $BC = 7$ ,  $CA = 8$  であるとき,  $\cos \angle ABC = \boxed{\text{キ}}$   
であり, 三角形 ABC の外接円の半径は  $\boxed{\text{ク}}$  である。

$\boxed{\text{キ}}$ ,  $\boxed{\text{ク}}$  の解答群

- |  |   |   |   |   |
|--|---|---|---|---|
| <input type="radio"/> ① $\frac{1}{7}$        | <input type="radio"/> ② $\frac{\sqrt{3}}{7}$  | <input type="radio"/> ③ $\frac{2\sqrt{3}}{7}$ | <input type="radio"/> ④ $\frac{3\sqrt{3}}{7}$ | <input type="radio"/> ⑤ $\frac{4\sqrt{3}}{7}$ |
| <input type="radio"/> ⑤ $\frac{\sqrt{3}}{3}$ | <input type="radio"/> ⑥ $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ | <input type="radio"/> ⑦ $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ | <input type="radio"/> ⑧ $\frac{7\sqrt{3}}{3}$ | <input type="radio"/> ⑨ $\frac{8\sqrt{3}}{3}$ |

- (5) 三角形 ABC において, 辺 AB を  $1:3$  に内分する点を M, 辺 AC を  $2:1$  に内分する点を N, 線分 BN と CM の交点を P とする。このとき,  $\overrightarrow{AP}$  を  $\overrightarrow{AB}$  と  $\overrightarrow{AC}$  を用いて表すと,

$$\overrightarrow{AP} = \boxed{\text{ケ}} \overrightarrow{AB} + \boxed{\text{コ}} \overrightarrow{AC}$$

となる。

$\boxed{\text{ケ}}$ ,  $\boxed{\text{コ}}$  の解答群

- |  |                                       |                                       |                                       |                                       |  |
|--|---------------------------------------|---------------------------------------|---------------------------------------|---------------------------------------|--|
| <input type="radio"/> ① $\frac{1}{7}$  | <input type="radio"/> ② $\frac{2}{7}$ | <input type="radio"/> ③ $\frac{3}{7}$ | <input type="radio"/> ④ $\frac{4}{7}$ | <input type="radio"/> ⑤ $\frac{5}{7}$ | <input type="radio"/> ⑥ $\frac{6}{7}$  |
| <input type="radio"/> ⑥ $\frac{1}{10}$ | <input type="radio"/> ⑦ $\frac{1}{5}$ | <input type="radio"/> ⑧ $\frac{2}{5}$ | <input type="radio"/> ⑨ $\frac{3}{5}$ | <input type="radio"/> ⑩ $\frac{4}{5}$ | <input type="radio"/> ⑪ $\frac{9}{10}$ |

(問題 1 はここまで。)

## 問題 2

問題 2 の解答は、問題冊子裏表紙にある解答上の注意に従い、解答用紙の問題番号に対応した解答欄にマークせよ。

2 次方程式  $x^2 + x + 1 = 0$  の異なる 2 つの解を  $\alpha, \beta$  とする。

(1) 解と係数の関係より、

$$\begin{cases} \alpha + \beta = \boxed{\text{アイ}} \\ \alpha\beta = \boxed{\text{ウ}} \end{cases}$$

である。虚数単位を  $i = \sqrt{-1}$  として、1 つの解を

$$\alpha = \frac{\boxed{\text{エオ}} + \sqrt{\boxed{\text{カ}}} i}{\boxed{\text{キ}}}$$

として  $\boxed{\text{キ}} \alpha$  の 2 乗を求める、

$$\left( \boxed{\text{エオ}} + \sqrt{\boxed{\text{カ}}} i \right)^2 = \boxed{\text{クケ}} - \boxed{\text{コ}} \sqrt{\boxed{\text{カ}}} i$$

より、 $\alpha^2 = \beta$  であることがわかる。同様に、 $\beta^2 = \alpha$  も成り立つ。

(2) (1) の結果を用いて、 $x$  の 3 次式

$$(x + p + q)(x + \alpha p + \beta q)(x + \beta p + \alpha q)$$

を展開したときの  $x$  の各次数の項を求めよう。まず、3 次の項が  $x^3$  であるのは明らかである。次に  $x^2$  の係数は  $\boxed{\text{サ}}$  である。 $x$  の係数は  $\boxed{\text{シス}} pq$  である。定数項は

$$p\boxed{\text{セ}} + q\boxed{\text{セ}}$$

である。よって

$$(x + p + q)(x + \alpha p + \beta q)(x + \beta p + \alpha q) = x^3 - \boxed{\text{ソ}} pqx + p\boxed{\text{セ}} + q\boxed{\text{セ}} \dots \textcircled{1}$$

となる。

(問題 2 は次ページに続く。)

(3) ①を用いて 3 次方程式

$$x^3 - 3x + 2 = 0 \quad \dots \textcircled{2}$$

の左辺を因数分解してみよう。②の左辺と ①の右辺が  $x$  の 3 次式として等しくなるのは、

$$\begin{cases} p^3 + q^3 = \boxed{\text{タ}} & \dots \textcircled{3} \\ pq = \boxed{\text{チ}} & \dots \textcircled{4} \end{cases}$$

のときである。ここで、④を用いて ③の  $q$  を消去し、さらに、 $p^3 = t$  とおけば、

$$t^2 - \boxed{\text{ツ}} t + \boxed{\text{テ}} = 0$$

となり、 $t = \boxed{\text{ト}}$  を得る。このことから、 $p$  の 3 次方程式

$$p^3 - \boxed{\text{ト}} = 0$$

の左辺を因数分解すれば、 $p = \boxed{\text{ト}}$ ,  $\alpha, \beta$  である。この中から任意に 1 つ、例えば、 $p = \alpha$  を選ぶ。すると、④より  $q$  が定まり、

$$p + q = \boxed{\text{ナニ}}, \quad \alpha p + \beta q = \boxed{\text{ナニ}}, \quad \beta p + \alpha q = \boxed{\text{ヌ}}$$

となる。よって、②の左辺の因数分解が ①の左辺により与えられる。これを用いれば、3 次方程式 ②の解が、 $x = \boxed{\text{ネノ}}$ , および  $x = \boxed{\text{ハ}}$  であることがわかる。

(4) 2 次の項をもつ 3 次方程式

$$8x^3 + 12x^2 - 18x + 5 = 0 \quad \dots \textcircled{5}$$

に対しては、まず、⑤の左辺を、 $x = z - k$  により、 $z$  の 3 次式に書きかえる。このとき、  
 $k = \frac{1}{\boxed{\text{ヒ}}}$  とすれば、 $z^2$  の係数を 0 にすることができる。このとき、

$$8x^3 + 12x^2 - 18x + 5 = 8(z^3 - 3z + 2)$$

となる。これより、⑤の解は、 $x = \frac{\boxed{\text{フ}}}{\boxed{\text{ヒ}}}$  または  $x = \frac{\boxed{\text{ヘホ}}}{\boxed{\text{ヒ}}}$  となる。

(問題 2 はここまで。)

### 問題 3

問題 3 の解答は、解答用紙裏面の解答欄に途中の計算も含めて書け。

$a > 0, b > 0$  を定数とし、

$$f(x) = \frac{x^2}{a} - \frac{a}{4}, \quad g(x) = -\frac{x^2}{b} + \frac{b}{4}$$

として、放物線  $C_1 : y = f(x)$ , 放物線  $C_2 : y = g(x)$  を考える。以下の各間に答えよ。

- (1) 関数  $f(x)$  と  $g(x)$  の導関数をそれぞれ求めよ。
- (2) 放物線  $C_1$  と  $C_2$  の交点の  $x$  座標をすべて求めよ。
- (3)  $C_1$  と  $C_2$  の交点のうち、 $x$  座標が正である点を P とする。点 P における  $C_1$  の接線と  $C_2$  の接線は垂直に交わることを示せ。  
以下において、点 P の  $x$  座標は 1 であるとする。
- (4)  $b$  を  $a$  を用いて表せ。
- (5) 2 つの曲線  $C_1$  と  $C_2$  で囲まれた部分の面積を  $S$  とする。 $S$  の値を  $a$  を用いて表せ。
- (6)  $S$  の最小値とそのときの  $a$  の値を求めよ。

(問題 3 はここまで。)

## 解答上の注意

- ・ 数学の試験問題は、問題1、問題2、問題3からなります。
  - ・ 「数学I・数学A」の問題1と問題2、および「数学I・数学A・数学II・数学B・数学C」の問題1では、各設問ごとに解答群が選択肢として用意されています。解答群より解答を選び、解答用紙表面の問題番号および空欄名に対応した解答欄にマークしてください。
  - ・ 「数学I・数学A」および、「数学I・数学A・数学II・数学B・数学C」の問題3は記述式の問題です。解答は、解答用紙裏面の解答欄に途中の計算も含めて記述してください。

「数学 I・数学 A・数学 II・数学 B・数学 C」の問題 2 は以下の注意に従って解答してください。

1. 問題の文中の **ア** , **イウ** などには、特に指示がないかぎり、符号 (−), 数字 (0 ~ 9), 又は文字 (a ~ d) が入ります。ア, イ, ウ, … の一つ一つは、これらのいずれか一つに対応します。それらを解答用紙のア, イ, ウ, … で示された解答欄にマークして答えてください。

例 アイウ に  $-3a$  と答えたいたとき

ア	ー	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d
イ	ー	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d
ウ	ー	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d

なお、同一の問題文中に **工** , **オ力** などが 2 度以上現れる場合、2 度目以降は、  
**工** , **オ力** のように細字で表記します。

2. 分数形で解答する場合、分数の符号は分子につけ、分母につけてはいけません。

例えば、 $\frac{\text{キク}}{\text{ケ}}$  に  $-\frac{3}{7}$  と答えたいときは、 $-\frac{3}{7}$  として答えてください。

また、それ以上約分できない形で答えてください。

例えば、 $\frac{3}{2}$ ,  $\frac{3a+2}{4}$  と答えるところを、 $\frac{6}{4}$ ,  $\frac{6a+4}{8}$  のように答えてはいけません。

3. 根号を含む形で解答する場合、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えてください。

例えば、 $6\sqrt{2}$ ,  $\frac{\sqrt{11}}{2}$ ,  $8\sqrt{2a}$  と答えるところを、 $3\sqrt{8}$ ,  $\frac{\sqrt{99}}{6}$ ,  $4\sqrt{8a}$  のように答えてはいけません。